

مقاله علمی-ترویجی

الگوریتم‌های فراکاوشی جدید

علی کارساز / عضو هیئت‌علمی موسسه آموزش عالی خراسان / a.karsaz@khorasan.ac.ir

محبوبه قاسمی / موسسه آموزش عالی خراسان / m.ghasemi@khorasan.ac.ir

چکیده

پیچیدگی مدل‌های ریاضی، افزایش نمایی زمان حل بسیاری از روش‌ها، عدم دسترسی به اطلاعات گرادیان و همگرایی به بهینه محلی، از جمله مشکلاتی هستند که الگوریتم‌های بهینه‌سازی کلاسیک در حل مسایل پیچیده با آن‌ها مواجه هستند. به‌منظور رفع این مشکلات از الگوریتم‌های فراکاوشی به‌طور گسترده برای حل مسایل پیچیده و چند متغیره استفاده می‌شود. انتخاب بهترین و مناسب‌ترین الگوریتم به دلیل تنوع بالای آن‌ها کاری دشوار است. در پژوهش‌های گذشته برخی از این روش‌ها جمع‌بندی شده‌اند ولی به دلیل انتشار بیش از اندازه این الگوریتم‌ها در سال‌های اخیر، مقاله‌ای مشخصی که تمامی این روش‌ها را بیان و مقایسه نماید وجود ندارد. در این مقاله مهم‌ترین الگوریتم‌های بهینه‌سازی فراکاوشی از سال ۲۰۱۲ تاکنون معرفی شده است. در بخش‌های مجزا برای هر الگوریتم، تاریخچه، منبع الهام، تابع هدف و تعداد پارامترهای تنظیم آن بیان شده است. سپس با استفاده از چندین نظریه، این الگوریتم‌ها دسته‌بندی و مقایسه شده‌اند. با توجه به نوع کاربرد هر الگوریتم در مسایل مهندسی، نمی‌توان الگوریتم واحدی را به‌عنوان بهترین روش معرفی نمود با این وجود الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری (GWO)، یکی از الگوریتم‌های با تعداد ارجاع بالا در سال‌های اخیر می‌باشد.

کلمات کلیدی: بهینه‌سازی، الگوریتم‌های فراکاوشی، تکامل، بهینه‌سازی ازدحام موجودات.

New Metaheuristic Algorithms

Ali Karsaz/ Khorasan Institute of Higher Education/ a.karsaz@khorasan.ac.ir

Mahboobe Ghasemi/ Khorasan Institute of Higher Education/ m.ghasemi@khorasan.ac.ir

Abstract

The complexity of mathematical models, exponential growth of the solution time for many methods, lack of access to gradient information and optimal local convergence are some of the problems that optimal classical algorithms face in solving complex problems. In order to eliminate these drawbacks, metaheuristic algorithms are widely used to solve complex and multivariate problems. Choosing the best and most suitable algorithm is difficult due to their high diversity. In previous studies, some of these methods have been summarized, but due to overpublicize of these methods in recent years, there is no specific article to describe and compare all of these methods. In this paper, the most important metaheuristic optimization

algorithms are introduced from 2012 till now. In separate sections for each algorithm, the history, source of inspiration, objective function and number of its setting parameters are stated. These algorithms are then categorized and compared using several theories. Due to the type of application of each algorithm in engineering problems, it is not possible to introduce a single algorithm as the best methodology, but the Gray Wolf Optimization (GWO) algorithm is one of the algorithms with a high number of citations in recent years.

Keywords: Optimization, Metaheuristic algorithms, Evolution, Particle swarm optimization.

۱- مقدمه

بهینه‌سازی، عمل به‌دست آوردن بهترین نتیجه تحت یک شرایط مشخص است. در مسایل مهندسی با مواردی مانند حداقل کردن هزینه، کوتاه‌ترین طول، بیشترین استقامت، بهترین ساختار و ... برخورد می‌شود که نیاز به مدل‌سازی ریاضی با ساختار یک مساله بهینه‌سازی و حل آن با روش‌های مناسب است. روش‌های بهینه‌سازی متنوعی به‌تناسب نوع مدل‌سازی مساله مانند خطی یا غیرخطی، مقید یا نامقید، پیوسته یا گسسته و ... معرفی شده‌اند.

به‌طور کلی، روش‌های موجود برای بهینه‌سازی به دو دسته کلی روش‌های کلاسیک (ریاضی) و الگوریتم‌های فراکاوشی تقسیم می‌شوند:

- به مفاهیم به نسبت ساده تکیه می‌کنند.
- به اطلاعات مشتق تابع هدف نیازی ندارند.
- با عملگرهای خاص خود قادر به فرار از بهینه محلی و کشف بهینه کلی هستند.

- در بیشتر مسایل موجود در زمینه‌های مختلف مورد استفاده قرار می‌گیرند [۲].

انتخاب الگوریتمی مناسب برای مسایل مختلف دارای اهمیت زیادی می‌باشد و ممکن است محققان برای انتخاب آن، زمان زیادی را صرف نمایند. هدف از این تحقیق جمع‌بندی الگوریتم‌های کاربردی با بیشترین ارجاع در سال‌های اخیر می‌باشد. آقای شریف‌زاده و امجدی در سال ۹۳ تعدادی از این روش‌ها را از سال ۱۹۶۶ تا ۲۰۱۲ گردآوری کرده‌اند و این تحقیق به معرفی سایر روش‌ها از سال ۲۰۱۲ به بعد می‌پردازد [۱].

در بخش دوم، حدود ۳۰ الگوریتم بهینه‌سازی فراکاوشی معرفی شده است و همچنین سال انتشار، اولین مقاله‌ی بیان‌کننده، تعداد پارامترهای تنظیم، منبع الهام و برتری هر کدام از این روش‌ها نسبت به سایر روش‌ها بررسی شده است. در بخش سوم، جمع‌بندی و مقایسه این روش‌ها بیان شده است و در آخر به بحث و نتیجه‌گیری درباره‌ی این روش‌ها پرداخته شده است.

۲. بررسی الگوریتم‌های فراکاوشی

الگوریتم‌های فراکاوشی یا فراتکاملی یا فرااکتشافی نوعی از الگوریتم‌های تصادفی هستند که برای یافتن پاسخ بهینه به کار می‌روند. رده‌های گوناگونی از این نوع الگوریتم‌ها در دهه‌های اخیر توسعه یافته است که همه این‌ها زیرمجموعه الگوریتم فراکاوشی می‌باشند. معیارهای مختلفی می‌تواند برای طبقه‌بندی الگوریتم‌های فراکاوشی استفاده شود:

- الگوریتم‌های مبتنی بر جمعیت (در مقابل الگوریتم‌های مبتنی بر یک جواب): مانند الگوریتم جستجوی جغد و الگوریتم انفجار معدن
- الگوریتم‌های الهام گرفته‌شده از طبیعت: مانند جستجوی کلونی و بروس، الگوریتم بویایی کوسه، بهینه‌سازی نهنگ

- الگوریتم‌های حافظه‌دار (در مقابل الگوریتم‌های بدون حافظه): مانند الگوریتم کلونی امپراتور و جستجوی کلاغ‌ها
- الگوریتم‌های قطعی در مقابل الگوریتم‌های احتمالی
- الگوریتم‌های دارای ساختار همسایگی متغیر در برابر ساختار همسایگی واحد [۳]

در ادامه تعدادی از این الگوریتم‌ها از سال ۲۰۱۲ تا ۲۰۱۹ معرفی و بررسی شده است:

۲-۱- الگوریتم کلونی پنگوئن‌های امپراتور (EPC)

در مرجع [۴] یک الگوریتم جدید فراکاوشی مبتنی بر رفتار پنگوئن‌های امپراتور در مستعمرات خود پیشنهاد شده است. این الگوریتم مبتنی بر ازدحام موجودات و الهام گرفته از طبیعت می‌باشد که توسط تابش گرمای بدن پنگوئن‌ها و حرکت مارپیچی آن‌ها در مستعمره خود کنترل می‌شود. در مقاله [۴] الگوریتم پیشنهادی با هشت الگوریتم شناخته‌شده (GWO و GA، ICA، PSO، ABC، DE، HS، IWO) در ده تابع محک استاندارد مقایسه شده است. نتایج آزمایش‌های آماری ایمان دیوین پورت و فرایدمن، نشان می‌دهد که الگوریتم پیشنهادی در هشت تابع بهتر از سایر الگوریتم‌های شناخته‌شده است و تنها در دو تابع الگوریتم GWO عملکرد بهتری نسبت به این الگوریتم دارد. الگوریتم EPC یک الگوریتم حافظه‌دار می‌باشد و برای حل مسایل چند متغیره مناسب است.

۲-۲- الگوریتم سنجاک (DA)

الگوریتم سنجاک در دسته الگوریتم‌های بهینه‌سازی الهام گرفته از طبیعت مبتنی بر ازدحام موجودات قرار می‌گیرد که ایده آن از رفتار سنجاک‌ها در شکار طعمه الهام گرفته شده است و دارای پنج پارامتر کنترلی شامل: انسجام، اتحاد، جداسازی، جذب (افراد نسبت به منابع غذایی) و حواس‌پرتی (دشمنان بیرون) از افراد درون گروه، می‌باشد. در مرجع [۳] علاوه بر الگوریتم DA، الگوریتم سنجاک با باینری و الگوریتم سنجاک چند هدفه را نیز معرفی کرده است. نتایج نشان داده‌اند که این روش کارایی بیشتری نسبت به الگوریتم‌های GA و PSO دارد.

۲-۳- الگوریتم جستجوی جغد (OSA)

الگوریتم جستجوی جغد یک الگوریتم بهینه‌سازی الهام گرفته از طبیعت است که برای حل مشکلات بهینه‌سازی جهانی طراحی شده است. OSA یک روش مبتنی بر جمعیت است که بر اساس مکانیزم شکار کردن جغدها در تاریکی مدل‌سازی شده است. در مرجع [۵] نتایج به‌دست‌آمده نشان می‌دهد که OSA نتایج امیدوارکننده‌ای را نسبت به شش الگوریتم بهینه‌سازی فراکاوشی دیگر ارائه می‌دهد.

۲-۴- الگوریتم ریشه رونده (RRA)

یکی از جدیدترین الگوریتم‌های تکاملی که اخیراً معرفی شده است الگوریتم فراکاوشی بهینه‌سازی ریشه رونده می‌باشد که از ساقه‌های رونده و ریشه‌های بعضی از گیاهان در طبیعت الهام گرفته شده است.



شکل ۲: نحوه به دام افتادن مورچه‌ها توسط شیر مورچه [۱۰]

۲-۸- الگوریتم بهینه‌سازی شیر مورچه (ALO)

این الگوریتم از نحوه‌ی خاص شکار مورچه‌ها توسط شیر مورچه الهام گرفته است. شیر مورچه تله‌ی خود را به صورت گودال مخروطی شکل می‌سازد و به محض اینکه از حضور مورچه در تله آگاه می‌شود؛ دانه‌های ماسه را به طرف لبه‌ی گودال پرتاب می‌کند و در نهایت مورچه را شکار می‌کند [۱۰].

الگوریتم ALO به عنوان یک تابع سه متغیره می‌باشد که به صورت معادله ۱ تعریف می‌شود که در آن A یک تابع است که راه‌حل‌های تصادفی اولیه را تولید می‌کند (معادله ۲)، تابع B دست‌کاری جمعیت اولیه‌ای است (معادله ۳) که توسط تابع A ارایه‌شده و تابع C زمانی که معیار پایانی راضی کننده است، مقدار درست را برمی‌گرداند (معادله ۴).

$$(۱) ALO(A, B, C)$$

$$(۲) \phi \xrightarrow{A} \{M_{Ant}, M_{OA}, M_{Antlion}, M_{OAL}\}$$

$$(۳) \{M_{Ant}, M_{Antlion}\} \xrightarrow{B} \{M_{Ant}, M_{Antlion}\}$$

$$(۴) \{M_{Ant}, M_{Antlion}\} \xrightarrow{C} \{true, false\}$$

که در آن M_{Ant} ماتریس موقعیت مورچه‌ها، شامل موقعیت شیر مورچه‌ها، M_{OA} مورچه‌های شکار شده و M_{OAL} شیر مورچه‌های شکار کننده می‌باشند. یکی از موارد کاربرد این الگوریتم در انتخاب حسگر مناسب برای ربات‌های زیرسطحی هوشمند می‌باشد.

۲-۹- الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری (GWO^[۱۱])

آقای میر جلیلی نویسنده و مبتکر الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری و الگوریتم‌های ALO، SSA، WOA، MVO، SCA، RRA و ALO که در این مقاله بیان شده‌اند می‌باشند. الگوریتم گرگ خاکستری، یک الگوریتم فراکاوشی الهام گرفته از طبیعت است که اساس آن بر پایه‌ی ساختار سلسله مراتبی و رفتار اجتماعی گرگ‌ها در زمان شکار می‌باشد. الگوریتم GWO فرایند ساده‌ای را در تنظیمات دارد و به راحتی قابلیت تعمیم به مسایل با ابعاد بزرگ را دارا می‌باشد. در پیاده‌سازی این پروژه، چهار نوع از گرگ‌های خاکستری مانند آلفا، بتا، دلتا و امگا برای شبیه‌سازی سلسله مراتب رهبری استفاده شده است که در آن سه گام اصلی از شکار، جستجو برای طعمه، محاصره طعمه و حمله به طعمه، اجرا می‌شوند. این الگوریتم تنها دارای دو پارامتر تنظیم می‌باشد. نتایج شبیه‌سازی نشان می‌دهند که الگوریتم گرگ خاکستری عملکرد بهتری در مقایسه با الگوریتم PSO داشته است [۱۱].

۲-۱۰- الگوریتم بهینه‌سازی ملخ (GOA^[۱۲])

این الگوریتم با الهام از رفتار اجتماعی ملخ‌ها و نحوه تأثیرپذیری هر ملخ از محیط پیرامونش طراحی شده است. در این الگوریتم

این الگوریتم سرعت همگرایی و دقت بالایی در حل مسایل و دستیابی به نقطه بهینه سراسری دارد. در مرجع [۶] پس از مقایسه این روش با چند الگوریتم فراکاوشی دیگر و دستیابی به نتایج مطلوب، از این الگوریتم برای حل یک مساله مجهول در حوزه کنترل مقاوم استفاده شده است.

۲-۵- الگوریتم بهینه‌سازی جستجوی اتم (ASO)

الگوریتم ASO با ایجاد مجموعه‌ای از راه‌حل‌های تصادفی، بهینه‌سازی را آغاز می‌کند. اتم‌ها موقعیت و سرعت خود را در هر تکرار به روز می‌کنند. شتاب اتم‌ها از دو بخش تشکیل شده است. یکی نیروی متقابل ایجادشده توسط پتانسیل لنارد- جونز است و دیگری نیروی محدود است که تفاوت موقعیت وزن بین هر اتم و بهترین اتم است. الگوریتم تا زمانی که متغیر توقف به مقدار نهایی خود برسد به روزرسانی می‌گردد. در نهایت، موقعیت و ارزش بهترین اتم به عنوان پاسخ در هر تکرار بازگردانده می‌شود. الگوریتم ASO تنها دو پارامتر تنظیم دارد که در بین الگوریتم‌های فراکاوشی یک مزیت محسوب می‌شود. الگوریتم پیشنهادی با پنج الگوریتم بهینه‌سازی دیگر (GA، PSO، SA، WDO) در ۳۷ تابع محک استاندارد و مساله واقعی تخمین پارامترهای هیدروژنولویکی مقایسه شده است. نتایج آزمون آماری ویلکاکسون نشان می‌دهند که این الگوریتم نسبت به سایر الگوریتم‌ها عملکرد بهتری دارد [۱۷].

۲-۶- الگوریتم بهینه‌سازی نهنگ یا وال (WOA)



شکل ۱: روش شکار ویژه نهنگ کوهان‌دار [۸]

ساختار این الگوریتم از شیوه شکار حباب خالص وال‌ها الهام گرفته است. نهنگ کوهان‌دار ترجیح می‌دهد تا گروهی از کرپل‌ها یا ماهیان کوچک که نزدیک به سطح آب هستند را شکار کند که در آن حباب‌های متمایز همراه یک دایره یا مسیر ۹ وجهی توسط نهنگ ایجاد شده است. (شکل ۱) مدل ریاضی الگوریتم WOA که مبتنی بر روش تغذیه حباب خالص است؛ شامل مراحل محاصره طعمه، مانور تغذیه حباب خالص به صورت مارپیچی و به دام انداختن شکار می‌باشد [۸].

۲-۷- الگوریتم بهینه‌سازی بویایی کوسه (SSO)

این الگوریتم بر اساس توانایی کوسه، به عنوان یک شکارچی برتر در طبیعت، برای یافتن طعمه طراحی و مدل‌سازی شده است که از حس بویایی کوسه و حرکت آن به سمت منبع بو الهام گرفته است. در مرجع [۹] مدل ریاضی رفتارهای مختلف کوسه برای جستجو طعمه در دریا بیان شده است. برای نشان دادن کارایی این روش در حل مسایل مهندسی واقعی، از این روش برای بهینه‌سازی کنترل فرکانس بار در سیستم‌های برق استفاده شده است. نتایج به دست آمده اعتبار الگوریتم بهینه‌سازی پیشنهادی را تأیید می‌کند [۹].

به روزرسانی موقعیت هر ملخ به فاصله هر ملخ از تمام جمعیت ملخ‌ها در نسل جاری و موقعیت بهترین ملخ وابسته است. از ویژگی‌های این الگوریتم می‌توان به سادگی و دارا بودن فقط یک پارامتر تنظیم، ارجاع کرد. نتایج حاصل از توابع هدف گوناگون حاکی از عملکرد مطلوب الگوریتم در مقایسه با الگوریتم‌های مشابه است [۱۲].

۲-۱۱- الگوریتم گرده‌افشانی گل‌ها (FPA^{۲۴})

این الگوریتم از نحوه‌ی گرده‌افشانی گل‌ها الهام گرفته است. برخی گل‌ها و حشرات با یک مشارکت بسیار حرفه‌ای گرده‌افشانی را انجام می‌دهند. به‌عنوان مثال، برخی از گل‌ها فقط می‌توانند به یک‌گونه خاص حشرات برای گرده‌افشانی موفق جذب شوند.

در مرجع [۱۳] مقادیر بهینه‌سازی الگوریتم FPA، الگوریتم GA و الگوریتم PSO بر روی ده تابع محک استاندارد (روزنبرگ، رسترینگ، اکلی و ...) و یک مساله مهندسی واقعی (طراحی مخازن تحت‌فشار) به‌دست‌آمده است.

۲-۱۲- الگوریتم جستجوی کلاغ‌ها (CSA^{۲۵})

کلاغ‌ها می‌توانند از ابزارها استفاده کنند، با روش‌های پیچیده‌ای ارتباط برقرار کنند و مکان‌های مخفی غذا خود را تا چند ماه بعد به یادآورند. آن‌ها مکان‌هایی را که پرندگان دیگر غذای خود را پنهان می‌کنند، مشاهده می‌کنند و زمانی که صاحب آن محل را ترک می‌کند، آن‌ها را سرقت می‌کنند [۱۴].

این الگوریتم بر روی چند تابع محک آزمایش‌شده و سپس بر روی شش مساله واقعی (طراحی خرپا سه‌پایه، طراحی مخازن تحت‌فشار، طراحی کشش / فشرده‌سازی فنر، طراحی پرتو جوشکاری، طراحی چرخ قطار و طراحی فنر بلویل) پیاده‌سازی شده است. نتایج الگوریتم در هر کدام از این مسایل با تعداد متفاوتی از الگوریتم‌های فراکاوشی دیگر مقایسه شده است.

۲-۱۳- الگوریتم بهینه‌سازی شیر (LOA^{۲۶})

در این مقاله، یک الگوریتم مبتنی بر جمعیت معرفی شده است. سبک زندگی خاص شیرها و ویژگی‌های هم‌کاری آن‌ها انگیزه اصلی برای توسعه این الگوریتم بهینه‌سازی بوده است. در مرجع [۱۵] این الگوریتم و شش الگوریتم فراکاوشی دیگر (BBO^{۲۷}، HuS^{۲۸}، JWO، GSA، WWO^{۲۹} و BA^{۳۰}) بر روی ۳۰ تابع محک استاندارد اعمال شده است و نتایج حاکی از برتری این روش نسبت به شش روش دیگر می‌باشد. الگوریتم بهینه‌سازی شیر برای بهینه‌سازی مسایلی مانند: کنترل سیستم‌های قدرت، پخش بار اقتصادی بهینه در سیستم‌های قدرت و بهینه‌سازی پارامترهای پرداخت کردن سطوح حاصل از روش رولر برنیشینگ در مقالات استفاده شده است.

۲-۱۴- الگوریتم بهینه‌سازی پروانه (ABO^{۳۱})

در مرجع [۱۶]، یک الگوریتم جدید الهام گرفته از طبیعت با عنوان الگوریتم بهینه‌سازی پروانه ارایه‌شده است که از رفتار جستجوی غذا و زادوولد پروانه‌ها برای حل مسایل بهینه‌سازی جهانی تقلید می‌کند. این چارچوب عمدتاً بر مبنای استراتژی تغذیه پروانه‌ها است که از حس بویایی برای تعیین موقعیت شهد یا زادوولد استفاده می‌کنند. الگوریتم ABO و چهار الگوریتم دیگر بر روی ۲۲ تابع محک استاندارد (تابع توان، تابع مجموع مربعات و ...) اعمال شده است. به منظور بررسی عملکرد این الگوریتم نسبت به سایر الگوریتم‌ها از دو روش تحلیل آماری برای مقایسه نتایج استفاده شده است.

۲-۱۵- الگوریتم جستجوی سنجاب (SSA^{۳۲})

این الگوریتم یک روش الهام گرفته از طبیعت می‌باشد که از شیوه خاص پرواز سنجاب‌های جنوبی و روش حرکت آن‌ها معروف به گلایدینگ (بدون نیرو پرواز کردن) تقلید

می‌کند. این الگوریتم با شش الگوریتم دیگر (FF^{۳۳}، GA، BA، PSO، MVO و KH^{۳۴}) از لحاظ دقت بهینه‌سازی و میزان همگرایی مقایسه شده است. نتایج نشان می‌دهد که الگوریتم جستجوی سنجاب پاسخ‌های دقیق‌تر را با سرعت همگرایی بالاتر در مقایسه با دیگر الگوریتم‌ها ارایه می‌دهد. از این الگوریتم در طراحی کنترل‌کننده دو درجه آزادی تناسبی - انتگرال‌گیر برای کنترل دما HFE استفاده شده است [۱۷].

۲-۱۶- الگوریتم بهینه‌سازی کرپل (KH)

الگوریتم بهینه‌سازی کرپل، یک الگوریتم بهینه‌سازی بیولوژیکی است که از رفتار اجتماعی گروهی کرپل‌ها برای حل مسایل بهینه‌سازی سراسری تقلید می‌کند.

حداقل فاصله هر کرپل از غذا و از بالاترین تراکم دسته کرپل‌ها به‌عنوان تابع هدف در نظر گرفته می‌شود. موقعیت وابسته به زمان هر کرپل توسط سه عامل اصلی بیان شده است:

۱- حرکت ناشی از حضور افراد دیگر. ۲- جستجوی غذا. ۳- انتشار تصادفی.

برای ارزیابی این روش با سایر روش‌ها ده تابع با ابعاد بالا و ده تابع با ابعاد کم از میان توابع محک استاندارد انتخاب‌شده‌اند از طرفی چهار نوع مختلف از این الگوریتم با پارامترهای مختلف نیز در این مقایسه قرار گرفته است که کارآمدترین روش در انتها معرفی شده است [۱۸].

۲-۱۷- الگوریتم مگس میوه (FFOA^{۳۵})

الگوریتم مگس میوه یک روش مکاشفه‌ای جدید مبتنی بر رفتار غذاییابی مگس میوه است. مگس میوه نسبت به سایر حشرات دیگر دارای حس بویایی و بینایی قوی‌تری می‌باشد، به‌طوری‌که می‌تواند بوی انواع میوه‌ها را در هوا تشخیص دهد. این حشره پس از استنشاق بوی میوه و بعد از این‌که به موقعیت میوه نزدیک شد، می‌تواند با استفاده از حس بینایی خود و همکاری با سایرین موقعیت دقیق میوه را بیابد [۱۹].

در مقالات مختلف برای حل مسایل بهینه‌سازی مانند مساله فروشنده دوره‌گرد و پخش بار اقتصادی در شبکه قدرت از این روش استفاده شده است.

۲-۱۸- الگوریتم انفجار معدن (MBA^{۳۶})

الگوریتم انفجار معدن در سال ۲۰۱۲، به‌منظور کاهش تعداد پارامترهای تابع هزینه و مقدار نهایی تابع هدف، نسبت به سایر الگوریتم‌های بهینه‌سازی طراحی شده است. مفاهیم اساسی و ایده‌هایی که این روش را پایه‌گذاری می‌کنند، از انفجار بمب‌های معدن در دنیای واقعی الهام گرفته شده است. انفجار از مراحل اصلی عملیات معدن کاری بوده و هدف آن خردشدگی و جابجایی مطلوب توده سنگ می‌باشد. یکی از پارامترهای مهم انفجار خرج ویژه است و مقدار آن بستگی به عوامل زیادی داشته که از بین عوامل تأثیرگذار، می‌توان به مشخصه‌های الگوی حفاری و انفجار اشاره نمود. نتایج به‌دست‌آمده نشان داده است که این الگوریتم نیاز به تعداد پارامتر کمتر و در اغلب موارد نتایج بهتر در مقایسه با دیگر الگوریتم‌های در نظر گرفته‌شده دارد [۲۰].

این الگوریتم بیشتر برای حل مسایل بهینه‌سازی مقید مانند طراحی سازه‌های خرپا با متغیرهای گسسته، طراحی سیستم‌های توزیع آب، تعیین مقدار و جایابی بهینه خازن‌ها در شبکه توزیع شعاعی و ... مورد استفاده قرار گرفته است.

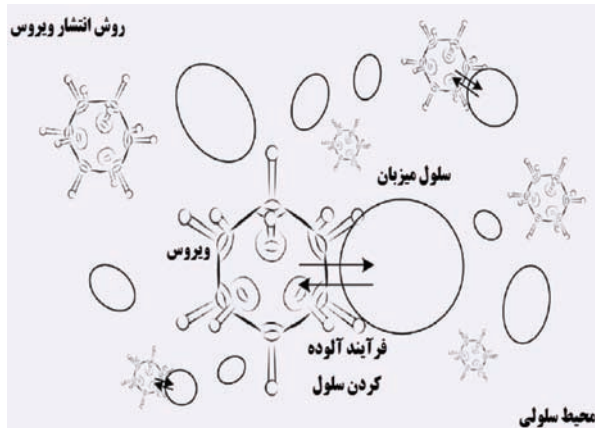
۲-۱۹- الگوریتم پژواک صدای دلفین (DE^{۳۷})

بررسی‌ها نشان داده‌اند که دلفین‌ها می‌توانند در ذهن خود برای صداها گوناگون، تجسم‌های گوناگونی پدیدآورند به‌گونه‌ای که هر

برتری این الگوریتم نسبت به سایر مطالعات در این دسته از مسایل است.

۲-۲۲- الگوریتم جستجوی کلونی ویروس (VCS^{۵۰})

- الگوریتم جستجوی کلنی ویروس شامل سه مرحله می‌شود:
۱. مرحله گام‌های تصادفی گاوسی برای انتشار ویروس‌ها.
 ۲. عمل CMA-ES برای آلوده کردن سلول‌های میزبان.
 ۳. استراتژی تکامل برای پاسخ ایمنی (شکل ۴).



شکل ۴: روش انتشار ویروس در محیط سلولی [۲۴]

به‌طور خلاصه، VCS از پنج قانون ساده برای طراحی الگوریتم استفاده می‌کند.

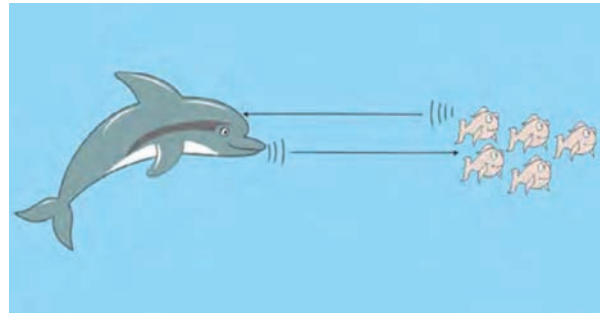
- ۱- دو گروه مختلف: کلنی ویروس و کلونی سلول میزبان، در VCS استفاده می‌شود.
- ۲- هر ویروس در فرآیند انتشار یک ویروس تصادفی جدید ایجاد می‌کند.
- ۳- هر ویروس یک سلول میزبان را آلوده می‌کند.
- ۴- تولیدمثل هر ویروس بر اساس تخریب سلول میزبان برای به دست آوردن مواد مغذی است.
- ۵- با توجه به حفاظت از سیستم ایمنی میزبان، تنها برخی از ویروس‌ها در هر نسل باقی می‌ماند و بقیه ویروس‌ها برای زنده ماندن تکامل یافته‌اند [۲۴].

این الگوریتم بر روی ۳۰ تابع تست بهینه‌سازی مقید و نامقید پیاده‌سازی و با نه الگوریتم دیگر مقایسه شده است. نتایج نشان‌دهنده برابری یا عملکرد بهتر این الگوریتم نسبت به سایر الگوریتم‌ها می‌باشد. از طرفی این الگوریتم بر روی مسایل مهندسی واقعی (طراحی مخازن تحت فشار، طراحی کشش/ فشرده‌سازی فنر و طراحی پرتو جوشکاری) نیز آزمایش شده است.

۲-۲۳- بهینه‌ساز Multi-Verse (MVO^{۵۱})

مرجع [۲۵] یک الگوریتم الهام گرفته از طبیعت جدید به نام بهینه‌ساز Multi-Verse (MVO) را پیشنهاد می‌کند. الهام اصلی این الگوریتم بر اساس سه مفهوم در کیهان‌شناسی است: سفید چاله، سیاه‌چاله و کرم‌چاله. مدل‌های ریاضی این سه مفهوم به ترتیب برای انجام اکتشاف، بهره‌برداری و جستجوی محلی طراحی شده‌اند. الگوریتم MVO برای نخستین بار در ۱۹ مساله چالش‌برانگیز استفاده شده است، سپس به پنج مساله مهندسی واقعی (طراحی خرپا سه پایه، طراحی چرخ قطار، طراحی مخازن تحت فشار، پرتو جوشکاری و طراحی سازه کنسولی) برای تأیید عملکرد آن اعمال شد. الگوریتم MVO با چهار الگوریتم شناخته‌شده مقایسه شده است: بهینه‌ساز گرگ خاکستری، بهینه‌ساز ازدحام ذرات، الگوریتم ژنتیک و الگوریتم جستجوی گرانشی. نتایج نشان می‌دهد که الگوریتم پیشنهادی از الگوریتم‌های موجود در آزمایش بهتر است. نتایج مطالعات بر روی مسایل واقعی نیز نشان‌دهنده کارایی الگوریتم MVO در حل مسایل

صدا در ذهنشان بیان‌گر و برابر با یک شی باشد. در هنگام بهره‌گیری از پژواک یابی، دلفین‌ها اغلب صدای برگشتی از یک جانور یا اشیای اطراف را در ذهن خود تحلیل کرده و هر صدای برگشتی را مترادف با یک شی تعریف می‌کنند. این «دیدن از طریق شنیدن» نشان می‌دهد که چگونه دلفین‌های با توانایی دید بسیار پایین می‌توانند در مغز خود جهان را شناسایی کنند.



شکل ۳: نحوه تشخیص طعمه توسط دلفین [۲۱]

در مرجع [۲۱] الگوریتم بهینه‌سازی مبتنی بر مکان‌یابی پژواک صدای دلفین طراحی شده است. با توجه به مثال‌های واقعی مانند بهینه‌سازی وزن سازه‌های ۷۲ و ۵۸۲ قطعه‌ای در خرپاها که در این مقاله بیان شده‌اند، نتایج نشان داده است که الگوریتم DE نرخ همگرایی بالاتری نسبت به سایر الگوریتم‌های فراشناختی (مانند GA، ACO^{۳۸}، PSO، BB-BC^{۳۹}، ICA، HSA^{۴۰}، HPSACO^{۴۱} و CSS^{۴۲}) دارد.

۲-۲۰- الگوریتم جستجوی صاعقه (LSA^{۴۳})

این الگوریتم بر اساس پدیده طبیعی رعدوبرق و مکانیزم انتشار رعد پیشگام^{۴۴} با استفاده از مفهوم ذرات سریع (ذکرشده به‌عنوان پرتابه) طراحی شده است. سه نوع پرتابه برای تشکیل گروه رهبری نشان داده شده است. به معنای دیگر پرتابه‌ها نشان‌دهنده مقدار اولیه جمعیت هستند.

یک مطالعه گسترده بر روی ۲۳ تابع محک و مساله فروشنده دوره‌گرد جهت مقایسه این الگوریتم با پنج روش شناخته‌شده دیگر (HSA^{۴۸}، PSO، FFA^{۴۷}، BSA^{۴۶}، DSA^{۴۵}) انجام شده است. نتیجه نشان می‌دهد که LSA به‌طور کلی نتایج بهتر در مقایسه با سایر روش‌های آزمایش شده با نرخ همگرایی بالا ارائه می‌دهد [۲۲].

این روش در مقالات مختلفی به‌منظور حل مسایلی همچون جایابی منابع تولید پراکنده، طراحی توربین بادی و طراحی کنترل‌کننده فازی مورد استفاده قرار گرفته است.

۲-۲۱- الگوریتم جلبک مصنوعی (AAA^{۴۹})

در مرجع [۲۳] الگوریتم بهینه‌سازی جلبک مصنوعی، الهام گرفته‌شده از رفتارهای زندگی ریز جلبک‌ها، گونه‌های فتوسنتزی، معرفی می‌شود. این الگوریتم بر اساس فرآیند تکاملی، فرآیند تطبیق و حرکت ریز جلبک‌ها طراحی شده است [۲۳].

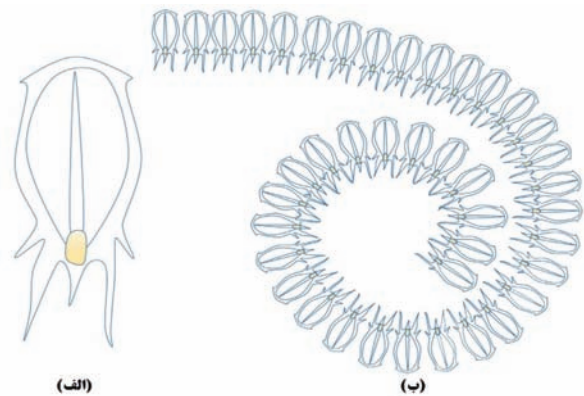
به منظور ارزیابی عملکرد الگوریتم AAA، از ۲۴ تابع محک استاندارد در سه بعد که مجموعاً ۷۲ آزمایش می‌باشد، استفاده شده است. نتایج حاصل از بهینه‌سازی این الگوریتم بر روی ۷۲ آزمایش با پنج الگوریتم شناخته‌شده دیگر مقایسه شده است. همچنین، به جهت اعتبار سنجی بیشتر، AAA بر روی مساله طراحی مخازن تحت فشار نیز اعمال و با نتایج موجود در تحقیقات قبلی با استفاده از آزمون ویلکاکسون مقایسه شده است. نتایج به دست آمده از اعمال الگوریتم پیشنهادی بر روی توابع محک و مسایل مهندسی نیز نشان‌دهنده

با فضاهای جستجو ناشناخته است.

۲-۲۴- الگوریتم ازدحام سالپ (SSA^{۵۲})

فرم بدن یک سالپ در شکل (۵) قسمت الف نمایش داده شده است. در عمق اقیانوس سالپها یک ازدحام به نام زنجیره سالپ تشکیل می‌دهند. (شکل ۵ قسمت ب) علت اصلی تشکیل این زنجیره‌ها برای مسیریابی و یافتن آذوقه می‌باشد. سالپ‌های دنبال کننده به دنبال سردسته می‌باشند و سالپ سردسته به سمت منبع غذایی حرکت می‌کند. اگر منبع غذایی با پاسخ بهینه کلی تعویض شود به صورت خودکار زنجیر سالپها به سمت بهینه کلی حرکت خواهد کرد.

این الگوریتم به تخمین بهینه کلی توسط قراردادی چندین سالپ با موقعیت اتفاقی می‌پردازد، سپس سازگاری هر سالپ محاسبه می‌شود، سالپ با بهترین سازگاری کشف شده و موقعیت بهترین سالپ به متغیر F به عنوان منبع غذایی اختصاص می‌یابد تا توسط زنجیر سالپ تعقیب شود. در صورت خروج هر سالپ از فضای جستجو. به مرزهای تعیین شده بازگردانده می‌شود. تمام گام‌های بالا به غیر از گام جایگذاری اولیه تا زمان ارضای شرایط توقف تکرار می‌شود. در مرجع [۲۶] این روش با چهار روش دیگر (GSA، HS، FPA، PSO) مقایسه شده است و نتایج نشان دهنده برتری این روش نسبت به چهار روش دیگر می‌باشد.



شکل ۵: (الف) سالپ، (ب) زنجیره سالپها [۲۶]

انتقال گرما و تبادل حرارت بین آن‌ها اتفاق می‌افتد. دمای جدید جسم به عنوان موقعیت بعدی در فضای جستجو محسوب می‌شود. عملکرد این الگوریتم، همراه با چهار الگوریتم دیگر (DE، GWO، PSO و GSA) در ۱۳ تابع محک استاندارد و چهار مساله مکانیکی (طراحی پرتو جوشکاری، طراحی کشش/ فشرده سازی فنر، طراحی سازه کنسولی و طراحی مخازن تحت فشار) مورد بررسی قرار می‌گیرد [۲۸]. نتایج نشان می‌دهند که این الگوریتم نسبت به سایر روش‌ها در دستیابی به جستجوی سراسری و همگرایی سریع برتری دارد.

۲-۲۷- بهینه‌ساز گفتار خالدار (SHO^{۵۶})

ایده اصلی این الگوریتم از رفتار اجتماعی گفتار خالدار و رابطه‌ی بین آن‌ها گرفته شده است. سه مرحله اساسی SHO شامل: جستجوی شکار، احاطه کردن طعمه و حمله به طعمه می‌باشد و برای هر سه مرحله، مدل ریاضی تعریف شده است. الگوریتم پیشنهادی و هشت الگوریتم فرااکوشی (GA، GSA، SCA، MVO، MFO، PSO، GWO و HS) بر روی ۲۹ تابع تست استاندارد، پنج مساله واقعی و یک مساله مهندسی اعمال شده است. از روش آنالیز واریانس‌ها برای مقایسه مقادیر به دست آمده از این توابع استفاده شده است که نتیجه نشان دهنده ۹۵ درصد کارایی بهتر الگوریتم SHO نسبت به سایر الگوریتم‌ها می‌باشد. با وجود اینکه الگوریتم SHO دارای ۵ پارامتر تنظیم می‌باشد و سایر الگوریتم‌ها دارای ۳ یا ۴ پارامتر تنظیم می‌باشند، ولی نتایج کلی نشان می‌دهد که عملکرد الگوریتم پیشنهادی بر روی مسایل بهتر از سایر الگوریتم‌های یاد شده می‌باشد [۲۹].

۲-۲۸- الگوریتم بهینه‌سازی شاهین هریس (HHO^{۵۷})

الگوریتم بهینه‌سازی شاهین هریس با الهام از شیوه‌های متفاوت حمله شاهین هریس (جستجوی طعمه، غافلگیری طعمه با حمله ناگهانی) طراحی شده است. این الگوریتم با الگوریتم‌های MBA، SSA، GOA، MVO، DEDS^{۵۸}، Tsa، Ray and Sain، PSO-DE، MFO^{۵۹} و CS^{۶۰} در ۲۹ تابع معیار ریاضی و همچنین شش مساله مهندسی شناخته شده (طراحی خرپا سه پایه، کشش و فشرده سازی فنر، مخازن تحت فشار، پرتو جوشکاری، دیسک و صفحه چندلایه ترمز و کلاچ و ...) مقایسه شده است و نتایج نشان داده‌اند که این الگوریتم کارایی بالایی در مقایسه با آن‌ها دارد [۳۰].

۲-۲۹- الگوریتم لیگ برتر والیبال (VPL^{۶۱})

این الگوریتم از رقابت و تعامل تیم‌های والیبال در طول فصل و همچنین نحوه مربیگری در روند یک مسابقه والیبال الهام گرفته است. برای حل مشکلات بهینه‌سازی سراسری از این الگوریتم و شرایطی مانند جایگزینی، مربیگری و یادگیری استفاده شده است. الگوریتم پیشنهادی در ۲۳ تابع محک استاندارد و سه مساله طراحی مهندسی (طراحی مخازن تحت فشار، کشش و فشرده سازی فنر و پرتو جوشکاری) با سایر الگوریتم‌های فراشناختی، DE، GA، PSO، SCA، ABC، LCA^{۶۲}، FA، HS و SLC^{۶۳} با استفاده از آزمون ویلکاکسون مقایسه شده است. نتایج نشان می‌دهند که الگوریتم VPL از سایر الگوریتم‌ها قوی‌تر می‌باشد و برای حل مسایل با فضای جستجوی پیچیده بسیار مناسب می‌باشد [۳۱].

۲-۳۰- الگوریتم سینوس کسینوس (SCA^{۶۴})

با توجه به استفاده از معادلات سینوس و کسینوس در روند بهینه‌سازی، این الگوریتم به نام الگوریتم سینوس کسینوس (SCA) نامیده شده است.

چهار پارامتر اصلی در این الگوریتم r_1 ، r_2 ، r_3 و r_4 هستند. پارامتر r_1 موقعیت مناطق بعدی (جهت حرکت) را تعیین می‌کند. پارامتر

۲-۲۵- الگوریتم بهینه‌سازی جنگل (FOA^{۵۴})

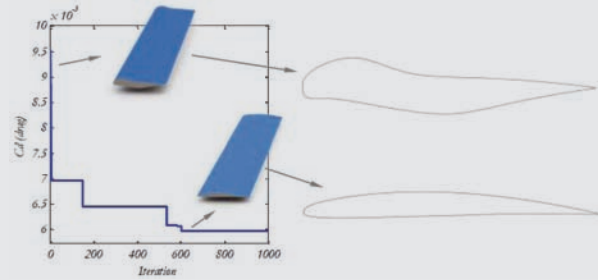
الگوریتم بهینه‌سازی جنگل (FOA)، برای مسایل بهینه‌سازی غیرخطی پیوسته پیشنهاد شده است. ایده تشکیل این الگوریتم از چند درخت در جنگل الهام گرفته شده است که می‌توانند برای چندین دهه زنده بمانند، در حالی که درختان دیگر می‌توانند برای یک دوره محدود زندگی کنند. در FOA، فرآیند بذردهی درختان به گونه‌ای شبیه‌سازی می‌شود که برخی از دانه‌ها در زیر درختان فرومی‌ریزند، در حالی که برخی دیگر در مناطق وسیعی با اعمال طبیعی و حیواناتی که از دانه‌ها یا میوه‌ها تغذیه می‌کنند، توزیع می‌شوند. کاربرد الگوریتم پیشنهادی در برخی از توابع محک، قابلیت خوب خود را در مقایسه با الگوریتم ژنتیک و بهینه‌سازی ازدحام ذرات (PSO) نشان می‌دهد [۲۷].

۲-۲۶- الگوریتم بهینه‌سازی تبادل حرارتی (TEO^{۵۵})

در مرجع [۲۸] یک الگوریتم بهینه‌سازی جدید بر اساس قانون سرمایه‌ش نیوتن ارائه می‌دهد. قانون سرمایه‌ش نیوتن بیان می‌کند که سرعت تغییر دمای جسم به صورت تقریبی با اختلاف دمای جسم و محیط اطرافش متناسب است. در اینجا، هر عامل به عنوان یک شیء خنک کننده در نظر گرفته می‌شود و با اتصال عامل دیگر به محیط،



شکل ۷: دسته‌بندی الگوریتم‌های فراکاوشی با توجه به منبع الهام از سال ۲۰۱۲ به بعد



شکل ۶: نمونه اولیه و نمونه نهایی طراحی ایرفویل توسط SCA

الگوریتم‌های فراکاوشی با توجه به دیدگاه‌های مختلف افراد از نحوه الهام الگوریتم‌ها بسیار متفاوت است. در جدول (۱) هر الگوریتم به همراه نام فارسی و لاتین، سال انتشار، تعداد ارجاع هر روش در مقالات و منبع الهام آن آورده شده است.

سه دسته‌کلی می‌توان برای این الگوریتم‌ها در نظر گرفت:

- روش‌های مبتنی بر تکامل: این روش از قانون تکامل الهام گرفته است. فرایند جستجو با یک جمعیتی که به صورت تصادفی تولید شده است شروع می‌شود که در نسل‌های بعدی این جمعیت تکامل می‌یابد. (مانند الگوریتم GA)

- روش‌های مبتنی بر فیزیک: این روش از قوانین فیزیکی موجود پیروی می‌کند. (مانند SA)

- روش‌های مبتنی بر ازدحام موجودات: مانند الگوریتم PSO در مرجع [۲۹] پنج منبع الهام برای این الگوریتم‌ها بیان کرده است که در شکل ۷ این دسته‌بندی نمایش داده شده است.

یکی دیگر از این دسته‌بندی‌ها که در مرجع [۳۱] ذکر شده است؛ شامل چهار دسته می‌باشد:

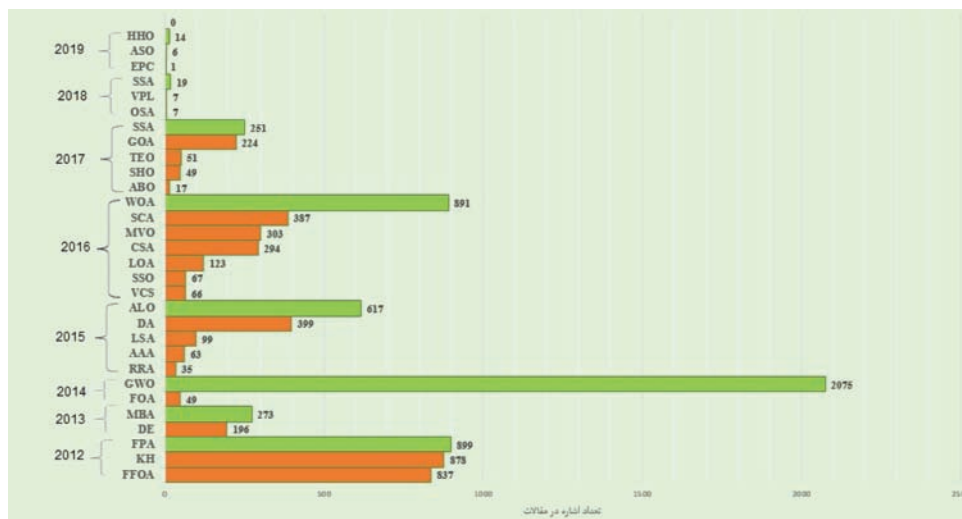
- الگوریتم‌های تصادفی: از یک پارامتر تصادفی برای رفتارهای غیرقابل پیش‌بینی استفاده می‌کند. مانند الگوریتم‌های $SHC^{۶۷}$, $ARS^{۶۶}$, $LS^{۶۵}$.

- الگوریتم‌های تکاملی مانند الگوریتم‌های $FEP^{۶۹}$, $DE^{۶۹}$, $EP^{۶۸}$.
- الگوریتم‌های فیزیکی: محدوده‌ی فرایندهای فیزیکی بسیار وسیع است که می‌تواند مربوط به سیستم‌های دینامیکی پیچیده،

T_2 تعیین می‌کند که چقدر حرکت باید به سمت مقصد یا به سمت خارج باشد. پارامتر T_3 وزن‌های تصادفی برای مقصد را به طور تصادفی مشخص می‌کند و در نهایت، پارامتر T_4 به طور مساوی بین پارامترهای معادلات سینوس و کسینوس جابجا می‌شود. بال هواپیما و یا پره توربین‌های باد، ممکن است سطح مقطع‌های متفاوتی در طول خود داشته باشند. این سطح مقطع‌ها، ایرفویل نامیده می‌شوند. در مرجع [۳۲] از این الگوریتم در طراحی مساله مهندسی ایرفویل استفاده شده است. شکل (۶) نمونه اولیه و نهایی ایرفویل را پس از استفاده از این الگوریتم نشان می‌دهد.

۳- جمع‌بندی و مقایسه

مسائل بهینه‌سازی زیادی وجود دارد که محققان برای یافتن پاسخ مناسب برای آن‌ها، الگوریتم‌های جدیدی طرح کردند یا الگوریتم‌های گذشته را بهبود بخشیده‌اند. در صورتی که مساله دارای فضای جستجوی ناشناخته باشد پاسخ مساله بستگی به انتخاب نقطه اولیه مناسب دارد. در این نوع مسائل فضای جستجو با توجه به افزایش تعداد بُدهای مساله به سرعت افزایش می‌یابد و روش‌های بهینه‌سازی کلاسیک قادر به حل آن‌ها نمی‌باشند و لذا الگوریتم‌های فراکاوشی برای حل این‌گونه مسائل مناسب می‌باشد. طیف گسترده‌ای از مسائل بهینه‌سازی مانند برنامه‌ریزی، دسته‌بندی داده، پردازش تصویر و ویدئو، تنظیم شبکه‌های عصبی، تشخیص الگو و ... با استفاده از این روش‌ها حل شده‌اند.



شکل ۸: مقایسه الگوریتم‌ها با توجه به زمان و تعداد ارجاع

جدول ۱: اطلاعات الگوریتم‌های فراکاوشی از سال ۲۰۱۲

ردیف	نام فارسی الگوریتم	نام لاتین الگوریتم	سال انتشار	حرف اختصار	منبع الهام	تعداد ارجاع منبع
1	کلونی پنگوئن‌های امپراتور	Emperor Penguins Colony	2019	EPC	رفتار پنگوئن امپراتور	1
2	سنجاقک	Dragonfly algorithm	2015	DA	رفتارهای استاتیک و دینامیک ازدحام سنجاقک‌ها	399
3	جستجوی جغد	Owl Search Algorithm	2018	OSA	نحوه شکار جغدها در تاریکی	7
4	ریشه رونده	Runner Root Algorithm	2015	RRA	ساقه‌های رونده و ریشه‌های بعضی از گیاهان در طبیعت	35
5	بهینه‌سازی جستجوی اتم	Atom Search Optimization algorithm	2019	ASO	قانون دینامیک مولکولی	6
6	بهینه‌سازی نهنگ یا وال	Whale optimization algorithm	2016	WOA	رفتار اجتماعی نهنگ کوهان‌دار	891
7	بهینه‌سازی بویایی کوسه	Shark smell optimization	2016	SSO	حس بویایی کوسه برای تشخیص طعمه	67
8	بهینه‌سازی شیر مورچه	Ant lion optimizer	2015	ALO	مکانیزم شکار شیر مورچه‌ها	617
9	بهینه‌سازی گرگ خاکستری	Grey Wolf Optimizer	2014	GWO	ساختار سلسله‌مراتبی و رفتار اجتماعی گرگ‌ها در زمان شکار	2075
10	بهینه‌سازی ملخ	Grasshopper optimization algorithm	2017	GOA	رفتار گروهی دسته ملخ‌ها	224
11	گرده‌افشانی گل‌ها	Flower pollination algorithm	2012	FPA	نحوه‌ی گرده‌افشانی گل‌ها	899
12	جستجوی کلاغ‌ها	Crow search algorithm	2016	CSA	رفتار هوشمندانه‌ی کلاغ‌ها در پنهان کردن غذا	294
13	بهینه‌سازی شیر	Lion Optimization Algorithm	2016	LOA	سبک زندگی خاص شیرها و ویژگی‌های هم‌کاری آن‌ها	123
14	بهینه‌سازی پروانه	Butterfly-inspired algorithm	2017	ABO	رفتار جستجوی غذا و زادوولد پروانه‌ها	17
15	جستجوی سنجاب	Squirrel search algorithm	2018	SSA	شیوه خاص پرواز سنجاب‌های جنوبی و روش حرکت آن‌ها معروف به گلابدینگ	19
16	بهینه‌سازی کریل	Krill herd	2012	KH	رفتار اجتماعی گروهی کریل‌ها	878
17	مگس میوه	Fruit fly optimization algorithm	2012	FFOA	رفتار غذایابی مگس میوه	837
18	انفجار معدن	Mine blast algorithm	2013	MBA	انفجار بمب‌های معدن	273
19	پژواک صدای دلفین	Dolphin echolocation	2013	DE	مکان‌یابی پژواک صدای دلفین	196
20	جستجوی صاعقه	Lightning search algorithm	2015	LSA	پدیده طبیعی رعدوبرق	99
21	جلبک مصنوعی	Artificial algae algorithm	2015	AAA	رفتارهای زندگی ریز جلبک‌ها	63
22	جستجوی کلونی ویروس	Virus colony search	2016	VCS	روش انتشار و آلوده کردن ویروس‌ها	66
23	بهینه‌ساز Multi-Verse	Multi-verse optimizer	2016	MVO	سه مفهوم در کیهان‌شناسی	303
24	ازدحام سالپ	Salp swarm algorithm	2017	SSA	رفتار زنجیره‌ای و خاص سالپ‌ها برای غذایابی در اقیانوس	251
25	بهینه‌سازی جنگل	Forest Optimization Algorithm	2014	FOA	چند درخت در جنگل که می‌توانند برای چندین دهه زنده بمانند	49
26	بهینه‌سازی تبادل حرارتی	Thermal exchange optimization	2017	TEO	قانون خنک‌کننده نیوتن	51
27	بهینه‌ساز کفتار خالدار	Spotted hyena optimizer	2017	SHO	رفتار اجتماعی کفتار خالدار و رابطه‌ی بین آن‌ها	49
28	بهینه‌سازی شاهین هریس	Harris hawks optimization	2019	HHO	شیوه‌های متفاوت حمله شاهین هریس	14
29	لیگ برتر والیبال	Volleyball Premier League	2018	VPL	رقابت و تعامل تیم‌های والیبال در طول فصل	7
30	سینوس کسینوس	Sine Cosine Algorithm	2016	SCA	معادلات سینوس و کسینوس	387

applications," *Advances in Eng Software*, 2017.

[30] A. A. Heidari, S. Mirjalili, H. Faris, I. Aljarah, M. Mafarja and H. Chen, "Harris hawks optimization: Algorithm and applications," in *Future Generation Computer Systems*, 2019.

[31] R. Moghdani and K. Salimifard, "Volleyball Premier League Algorithm," *Applied Soft Computing*, vol. 64, pp. 161-185, 2018.

[32] S. Mirjalili, "A Sine Cosine Algorithm for Solving Optimization Problems," *Knowledge-Based Systems*, 2015.

۶- اختصارات

- 1 Emperor Penguins Colony
- 2 Genetic Algorithm
- 3 Imperialist Competitive Algorithm
- 4 Particles Swarm Optimization
- 5 Artificial Bee Colony
- 6 Differential Evolution
- 7 Harmony Search
- 8 Invasive Weed Optimization
- 9 Grey Wolf Optimizer
- 10 Dragonfly Algorithm
- 11 BDA
- 12 MODA
- 13 Owl Search Algorithm
- 14 Runner Root Algorithm
- 15 Atom Search Optimization algorithm
- 16 Simulated Annealing
- 17 Gravitational Search Algorithm
- 18 Wind Driven Optimization
- 19 Whale Optimization Algorithm
- 20 Shark Smell Optimization
- 21 Ant Lion Optimizer
- 22 Grey Wolf Optimizer
- 23 Grasshopper Optimization Algorithm
- 24 Flower Pollination Algorithm
- 25 Crow Search Algorithm
- 26 Lion Optimization Algorithm
- 27 Biogeography-Based Optimization
- 28 Hunting Search
- 29 Water Wave Optimization
- 30 Bat Algorithm
- 31 Butterfly Optimization Algorithm
- 32 Squirrel Search Algorithm
- 33 Firefly algorithm
- 34 Krill herd
- 35 Fruit fly optimization algorithm
- 36 Mine blast algorithm
- 37 Dolphin echolocation
- 38 Ant colony optimization
- 39 Big Bang-Big Crunch
- 40 An improved ant colony optimization
- 41 Hybrid algorithm of harmony search, particle swarm and ant colony
- 42 ChargedSystem Search
- 43 Lightning Search Algorithm
- 44 Leader
- 45 Differential search algorithm
- 46 Backtracking search algorithm
- 47 Firefly algorithm
- 48 The Harmony Search algorithm
- 49 Artificial Algae Algorithm
- 50 Virus Colony Search
- 51 Gaussian walks method
- 52 Multi-Verse Optimizer
- 53 Salp Swarm Algorithm
- 54 Forest Optimization Algorithm
- 55 Thermal exchange optimization
- 56 Spotted hyena optimizer
- 57 Harris hawks optimization
- 58 Differential evolution with dynamic stochastic selection optimization
- 59 Moth-flame optimization algorithm
- 60 Cuckoo search algorithm
- 61 Volleyball Premier League
- 62 League Championship Algorithm
- 63 Soccer League Competition
- 64 Sine Cosine Algorithm
- 65 Local Search
- 66 Adaptive Random Search
- 67 Stochastic Hill Climbing
- 68 Evolutionary Programming
- 69 Differential Evolution
- 70 Fast Evolutionary Programming

tions, vol. 27, pp. 1053-1073, 2016.

[4] S. Harifi, M. Khalilian, S. Ebrahimnejad and J. Mohammadzadeh, "Emperor Penguins Colony: A New Metaheuristic Algorithm for Optimization," *Evolutionary Intelligence*, 2019.

[5] J. Mohita, M. Shubhamb and A. Rani, "Owl search algorithm: A novel nature-inspired heuristic paradigm for global optimization," *Journal of Intelligent & Fuzzy Systems*, vol. 34, pp. 1573-1582, 2018.

[6] F. Merrikh Bayat, "The runner-root algorithm: a metaheuristic for solving unimodal and multimodal optimization problems inspired by runners and roots of plants in nature," *Appl. Soft Comput*, 2015.

[7] W. Zhao, L. Wang and Z. Zhang, "A novel atom search optimization for dispersion coefficient estimation in groundwater," *Future Generation Computer Systems*, 2019.

[8] S. Mirjalili and A. Lewis, "The Whale Optimization Algorithm," *Advances in Eng Soft*, vol. 95, 2016.

[9] O. Abedinia, A. Ghasemi and N. Amjadi, "A new metaheuristic algorithm based on shark smell optimization", *Complexity*, 2016.

[10] S. Mirjalili, "The Ant Lion Optimizer," *Advances in Engineering Software*, vol. 83, pp. 80-98, 2015.

[11] S. Mirjalili, S. M. Mirjalili and A. Lewis, "Grey Wolf Optimizer," *Advances in Eng Software*, 2014.

[12] S. Saremi, S. Mirjalili and A. Lewis, "Grasshopper Optimization Algorithm: Theory and application," *Advances in Engineering Software*, 2017.

[13] X.-S. Yang, "Flower Pollination Algorithm for Global Optimization," in *International Conference on Unconventional Computing and Natural Computation*, 2012.

[14] A. Askarzadeh, "A novel metaheuristic method for solving constrained engineering optimization problems: Crow search algorithm", *Computers & Structures*, 2016.

[15] M. Yazdani and F. Jolai, "Lion Optimization Algorithm (LOA): A nature-inspired metaheuristic algorithm," *Journal of Computational Design and Engineering*, 2016.

[16] X. Qi, Y. Zhu and H. Zhang, "A new meta-heuristic butterfly-inspired algorithm," *Journal of Computational Science*, vol. 23, pp. 226-239, 2017.

[17] M. Jain, V. Singh and A. Rani, "A novel nature-inspired algorithm for optimization: Squirrel search algorithm," *Swarm and Evolutionary Computation BASE DATA*, 2018.

[18] A. H. Gandomi and A. H. Alavi, "Krill herd: A new bio-inspired optimization algorithm," *Communications in Nonlinear Science and Numerical Simulation*, 2012.

[19] W.-T. Pan, "A new Fruit Fly Optimization Algorithm: Taking the financial distress model as an example," *Knowledge-Based Systems*, 2012.

[20] A. Sadollah, A. Bahreininejad, H. Eskandar and M. Hamdi, "Mine blast algorithm: A new population based algorithm for solving constrained," *Applied Soft Computing*, 2013.

[21] A. Kaveh and N. Farhoudi, "A new optimization method: Dolphin echolocation," *Advances in Eng Software*, 2013.

[22] H. Shareef, A. A. Ibrahim and A. H. Mutlag, "Lightning search algorithm," *Applied Soft Computing*, 2015.

[23] S. A. Uymaz, G. Tezel and E. Yel, "Artificial algae algorithm (AAA) for nonlinear global optimization," *Applied Soft Computing*, 2015.

[24] M. D. Li, H. Zhao, X. W. Weng and T. Han, "A novel nature-inspired algorithm for optimization: Virus colony search," *Advances in Eng Software*, 2016.

[25] S. Mirjalili, S. M. Mirjalili and A. Hatamlou, "Multi-Verse Optimizer: a nature-inspired algorithm for global optimization," *Neural Computing and Applications*, 2016.

[26] S. Mirjalili, A. H. Gandomi, S. Z. Mirjalili, S. Saremi, H. Faris and S. M. Mirjalili, "Salp Swarm Algorithm: A bio-inspired optimizer for engineering design problems," *Advances in Eng Software*, 2017.

[27] M. Ghaemi and M.-R. Feizi-Derakhshib, "Forest Optimization Algorithm," *Expert Systems with Applications*, 2014.

[28] A. Kaveh and A. Dadras, "A novel meta-heuristic optimization algorithm: Thermal exchange", *Advances in Eng Software*, 2017.

[29] G. Dhiman and V. Kumar, "Spotted hyena optimizer: A novel bio-inspired based metaheuristic technique for engineering